# Муниципальное автономное общеобразовательное учреждение средняя общеобразовательная школа с углубленным изучением отдельных предметов № 53

#### ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ОБЩЕРАЗВИВАЮЩАЯ ПРОГРАММА

«Юный исследователь»

Естественно-научной направленности

#### Оглавление

Объем дополнительной общеразвивающей программы	3
Содержание дополнительной общеразвивающей программы	4
Планируемые результаты освоения дополнительной общеразвивающей	
программы	5
Организационно-педагогические условия	7
Учебный план	8
Формы аттестации	8
Календарный учебный график	9
Рабочая программа	10
Опеночные и метолические материалы	14

#### Объем дополнительной общеразвивающей программы

Дополнительная общеразвивающая программа (ДОП) «Юный исследователь» естественно-научной направленности рассчитана на 3 года обучения для детей 14-18 лет.

Объем программы: базовый модуль — 150 учебных часов, расширенный модуль — 184 учебных часов.

#### Содержание дополнительной общеразвивающей программы

#### 1 год обучения:

Арифметика остатков. Количество информации. Комбинаторные операции. Индукция. Инвариант. Геометрическое место точек. Окружность и углы. Перетягивание площадей, Математические бои, Творческие мастерские, Задачи на построение спиралей. Математика растений. Кролики и числа. Числа Фибоначчи. Построение золотого сечения. Исследование ряда Фибоначчи и золотого сечения. Построение магических квадратов. Исследование построения магических квадратов 5-го порядка. Паркеты, мозаики. Исследование построения геометрических, художественных паркетов. Знакомство с мозаиками М. Эшера. Исследование математических снежинок. Химия снежинок. Танграммы. Исследование и создание своих головоломок. Последовательности. Узоры стоклеточного квадрата. Инверсия. Замечательные кривые.

#### 2 год обучения:

Свойства функций. График функции. Графики основных элементарных функций. Преобразования графиков функций: параллельный перенос; поворот; гомотетия; преобразования, связанные с модулем. Знакомство с компьютерными программами, позволяющими строить графики уравнений и неравенств с параметром. Способы быстрого построения графика линейной функции и ломаной. Способы быстрого построения графика дробно-рациональной функции. Способы быстрого построения графика дробно-рациональной функции. Простейшие задачи с параметром. Графический метод. Знакомство с параметром. Различные виды задач с параметром.

Линейные уравнения, неравенства и их системы с параметром. Графический и аналитический методы. Квадратные уравнения и неравенства с параметром. Графический и аналитический методы. Взаимное расположение корней квадратного трёхчлена. Методы решения уравнений с модулем. Методы решения неравенств с модулем. Уравнения и неравенства, содержащие знак абсолютной величины и параметр.

Исследовательские работы:

«Графики функций»

«Взаимное расположение корней квадратного трёхчлена»

«Решение задач с параметром методом областей»

#### 3 год обучения:

Методы решения иррациональных уравнений. Методы решения иррациональных неравенств. Графики функций, содержащих знак корня. Иррациональные уравнения и неравенства с параметром. Методы решения показательных уравнений и неравенств. Методы решения логарифмических уравнений и неравенств. Показательные уравнения и неравенства с параметром. Методы решения тригонометрических уравнений и неравенств. Производная в задачах с параметром.

Исследовательские работы:

«Методы решения задач с параметром»

«Решение тригонометрических уравнений и неравенств с параметром» «Методы решения задач производных с параметром»

# Планируемые результаты освоения дополнительной общеразвивающей программы

#### Ученик научится

- планировать и выполнять учебное исследование и учебный проект, используя оборудование, модели, методы и приёмы, адекватные исследуемой проблеме;
- выбирать и использовать методы, релевантные рассматриваемой проблеме;
- распознавать и ставить вопросы, ответы на которые могут быть получены путём научного исследования, отбирать адекватные методы исследования, формулировать вытекающие из исследования выводы;
- использовать такие математические методы и приёмы, как абстракция и доказательство, идеализация, OT противного, доказательство доказательство ПО аналогии, опровержение, контрпример, индуктивные дедуктивные И рассуждения, построение и исполнение алгоритма;
- использовать такие естественнонаучные приёмы, методы И как наблюдение, постановка проблемы, выдвижение «хорошей гипотезы», эксперимент, моделирование, использование математических моделей, обоснование, теоретическое установление границ применимости модели/теории;
- использовать некоторые методы получения знаний, характерные ДЛЯ социальных исторических наук: И постановка проблемы, опросы, описание, сравнительное историческое описание, объяснение, использование статистических данных, интерпретация фактов;
- ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать языковые средства, адекватные обсуждаемой проблеме;

#### Ученик получит возможность научиться

- самостоятельно задумывать, планировать и выполнять учебное исследование, учебный и социальный проект;
- использовать догадку, озарение, интуицию;
- использовать такие математические методы и приёмы, как перебор логических возможностей, математическое моделирование;
- использовать такие естественнонаучные методы и приёмы, как абстрагирование от привходящих факторов, проверка на совместимость с другими известными фактами;
- использовать некоторые методы получения знаний, характерные для социальных и исторических наук: анкетирование, моделирование, поиск исторических образцов;
- использовать некоторые приёмы художественного познания мира: целостное отображение мира, образность, художественный вымысел, органическое единство общего особенного (типичного) и единичного, оригинальность;
- целенаправленно и осознанно развивать свои коммуникативные способности, осваивать новые языковые средства;
- осознавать свою ответственность за достоверность полученных знаний, за качество выполненного проекта.

- отличать факты от суждений, мнений и оценок, критически относиться к суждениям, мнениям, оценкам, реконструировать их основания;
- видеть и комментировать связь научного знания и ценностных установок, моральных суждений при получении, распространении и применении научного знания.

#### Организационно-педагогические условия

Форма проведения занятий – аудиторная.

Режим и продолжительность занятий – урочный, продолжительность занятий по 40 минут.

Форма обучения – очная.

Применяемые средства обучения:

- электронные ресурсы;
- аудиовизуальные (презентации, видеофильмы);
- наглядные (плакаты, иллюстрации и т.д.).

Перечень технических средств обучения:

- компьютер;
- проектор.

#### Учебный план

#### Базовый модуль

Учебные предметы,	Трудоемкость					
курсы, дисциплины	Количество	Количество учебных	Количество	Количество учебных	Количество	Количество учебных
(модули), практики,	учебных часов в	часов за на одного	учебных часов в	часов за на одного	учебных часов в	часов за на одного
иные виды учебной	неделю	обучающегося в год	неделю	обучающегося в год	неделю	обучающегося в год
деятельности	1 год	обучения	2 год	обучения	3 год	ц обучения
Математические	1	30				
исследования						
Анализ			2	60		
Методы решения					2	60

#### Расширенный модуль

Учебные предметы,	Трудоемкость					
курсы, дисциплины	Количество	Количество учебных	Количество	Количество учебных	Количество	Количество учебных
(модули), практики,	учебных часов в	часов за на одного	учебных часов в	часов за на одного	учебных часов в	часов за на одного
иные виды учебной	неделю	обучающегося в год	неделю	обучающегося в год	неделю	обучающегося в год
деятельности	1 год	1 год обучения 2 год обучения		3 год обучения		
Математические	2	60				
исследования						
Анализ			2	64		
Методы решения					2	60

#### Формы аттестации

Аттестация по дополнительной общеразвивающей программе «Юный исследователь» естественно-научной направленности не предусмотрена. После освоения ДОП документ не выдается.

#### Календарный учебный график

Начало учебного года – 1 сентября 2025г.

Начало занятий по ДОП – 1 сентября 2025г.

Продолжительность учебного года для обучающихся по ДОП: с 1 сентября

2025г. по 31 мая 2026г. (35 учебных недель)

#### Сроки проведения промежуточной аттестации:

Промежуточная аттестация по ДОП не проводится.

# Рабочая программа

#### Базовый модуль

#### 1 год обучения:

Тема	Количество
	часов
Входная олимпиада	1
Арифметика остатков	1
Количество информации	1
Комбинаторные операции	2
Индукция	1
Инвариант	1
ГМТ (геометрическое место точек)	2
Окружность и углы	1
Перетягивание площадей	1
Математические бои	2
Творческие мастерские	2
Задачи на построение спиралей. Математика растений.	1
Кролики и числа. Числа Фибоначчи.	1
Построение золотого сечения. Исследование ряда	
Фибоначчи и золотого сечения.	
Построение магических квадратов. Исследование	1
построения магических квадратов 5-го порядка.	
Паркеты, мозаики. Исследование построения	2
геометрических, художественных паркетов.	
Знакомство с мозаиками	1
М. Эшера.	
Исследование математических снежинок. Химия снежинок.	1
Танграммы. Исследование и создание своих головоломок.	2
Последовательности. Узоры стоклеточного квадрата.	1
Инверсия	1
Замечательные кривые	1
Индивидуальные консультации	1
Научно-практическая конференция	2
Всего	30 часов

Тема	Количество
	часов
Свойства функций.	2
График функции.	4
Графики основных элементарных функций	4
Преобразования графиков функций: параллельный	2
перенос; поворот; гомотетия; преобразования, связанные	
с модулем.	
Знакомство с компьютерными программами,	4
позволяющими строить графики уравнений и неравенств	
с параметром.	

Способы быстрого построения графика линейной	4
функции и ломаной.	
Способы быстрого построения графика дробно-	4
рациональной функции	
Способы быстрого построения графика дробно-	2
рациональной функции	
Простейшие задачи с параметром. Графический метод.	4
Исследовательская работа «Графики функций»	4
Знакомство с параметром. Различные виды задач с	2
параметром.	
Линейные уравнения, неравенства и их системы с	4
параметром. Графический и аналитический методы.	
Квадратные уравнения и неравенства с параметром.	2
Графический и аналитический методы.	
Взаимное расположение корней квадратного трёхчлена.	4
Исследовательская работа «Взаимное расположение	2
корней квадратного трёхчлена»	
Методы решения уравнений с модулем	2
Методы решения неравенств с модулем	2
Уравнения и неравенства, содержащие знак абсолютной	2
величины и параметр.	
Исследовательская работа «Решение задач с параметром	2
методом областей»	
Индивидуальные консультации	2
Научно-практическая конференция	2
Всего	60 часов

Тема	Количество
	часов
Методы решения иррациональных уравнений.	4
Методы решения иррациональных неравенств.	4
Графики функций, содержащих знак корня.	4
Иррациональные уравнения и неравенства с параметром.	6
Исследовательская работа «Методы решения задач с	4
параметром»	
Методы решения показательных уравнений и неравенств	4
Методы решения логарифмических уравнений и	4
неравенств	
Показательные уравнения и неравенства с параметром.	6
Методы решения тригонометрических уравнений и	4
неравенств	
Исследовательская работа «Решение тригонометрических	4
уравнений и неравенств с параметром»	
Производная в задачах с параметром	6
Исследовательская работа «Методы решения задач	4
производных с параметром»	
Индивидуальные консультации	2
Научно-практическая конференция	4
Всего:	60 часов

# Расширенный модуль

### 1 год обучения:

Тема	Количество
	часов
Входная олимпиада	2
Арифметика остатков	2
Количество информации	2
Комбинаторные операции	4
Индукция	2
Инвариант	2
ГМТ (геометрическое место точек)	4
Окружность и углы	2
Перетягивание площадей	2
Математические бои	4
Творческие мастерские	4
Задачи на построение спиралей. Математика растений.	2
Кролики и числа. Числа Фибоначчи.	4
Построение золотого сечения. Исследование ряда	
Фибоначчи и золотого сечения.	
Построение магических квадратов. Исследование	2
построения магических квадратов 5-го порядка.	
Паркеты, мозаики. Исследование построения	4
геометрических, художественных паркетов.	
Знакомство с мозаиками	2
М. Эшера.	
Исследование математических снежинок. Химия снежинок.	2
Танграммы. Исследование и создание своих головоломок.	2
Последовательности. Узоры стоклеточного квадрата.	2
Инверсия	2
Замечательные кривые	2
Индивидуальные консультации	2
Научно-практическая конференция	4
Всего	60 часов

Тема	Количество
	часов
Входная олимпиада	2
Свойства функций.	2
График функции.	4
Графики основных элементарных функций	4
Преобразования графиков функций: параллельный перенос;	2
поворот; гомотетия; преобразования, связанные с модулем.	
Знакомство с компьютерными программами, позволяющими	4
строить графики уравнений и неравенств с параметром.	
Способы быстрого построения графика линейной функции и	4
ломаной.	
Способы быстрого построения графика дробно-рациональной	4
функции	

Способы быстрого построения графика дробно-рациональной	2
функции	
Простейшие задачи с параметром. Графический метод.	4
Исследовательская работа «Графики функций»	4
Знакомство с параметром. Различные виды задач с	2
параметром.	
Линейные уравнения, неравенства и их системы с параметром.	4
Графический и аналитический методы.	
Квадратные уравнения и неравенства с параметром.	4
Графический и аналитический методы.	
Взаимное расположение корней квадратного трёхчлена.	4
Исследовательская работа «Взаимное расположение корней	2
квадратного трёхчлена»	
Методы решения уравнений с модулем	2
Методы решения неравенств с модулем	2
Уравнения и неравенства, содержащие знак абсолютной	2
величины и параметр.	
Исследовательская работа «Решение задач с параметром	2
методом областей»	
Индивидуальные консультации	2
Научно-практическая конференция	2
Всего	64 часа

Тема	Количество часов
Методы решения иррациональных уравнений.	4
Методы решения иррациональных неравенств.	4
Графики функций, содержащих знак корня.	4
Иррациональные уравнения и неравенства с параметром.	6
Исследовательская работа «Методы решения задач с параметром»	4
Методы решения показательных уравнений и неравенств	4
Методы решения логарифмических уравнений и	4
неравенств	(
Показательные уравнения и неравенства с параметром.	6
Методы решения тригонометрических уравнений и	4
неравенств	
Исследовательская работа «Решение тригонометрических уравнений и неравенств с параметром»	4
Производная в задачах с параметром	6
Исследовательская работа «Методы решения задач	4
производных с параметром»	
Индивидуальные консультации	2
Научно-практическая конференция	4
Bcero:	60 часов

#### Оценочные и методические материалы

Оценочными материалами являются результаты диагностических исследований, участие в олимпиадах и научно-практических конференциях.

#### ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ

#### СВЕДЕНИЯ О СЕРТИФИКАТЕ ЭП

Сертификат 42050279359779253213008452138721925187139460052

Владелец Власова Марина Алексеевна

Действителен С 05.03.2025 по 05.03.2026